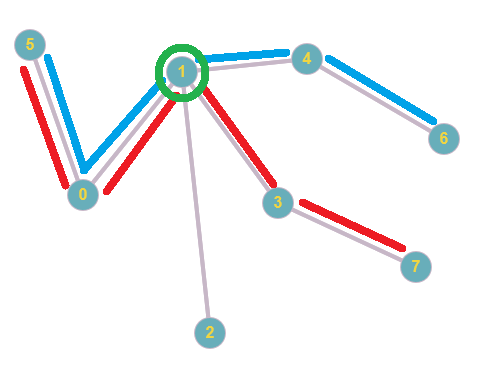
**Relazione 2° Progetto in Itinere – IA 2017/2018**

**Studenti**

* Foderaro Salvatore
* Menichelli Alberto
* Di Blasi Giorgia

**Problema**

Sia dato un grafo non orientato, aciclico e non pesato G. Data una coppia di nodi (n1,n2) in G, la distanza dist(n1,n2) è il minor numero di archi necessari a connettere n1. Un nodo m è medio di n1 ed n2, se e solo se è equidistante da n1 ed n2, ovvero se dist(n1,m)=dist(m,n2). *Progettare ed implementare un algoritmo che, dato un grafo non orientato aciclico e non pesato G, determini il nodo m\* che risulta essere medio per il maggior numero di coppie di nodi.*

**Descrizione algoritmo**

L’idea alla base dell’algoritmo è quella di considerare, in ogni sotto-grafo connesso, i percorsi più lunghi tra due foglie e la lista dei nodi che vi appartengono. Per ottenere il nodo medio per il maggior numero di volte, per ogni percorso basta considerare gli elementi che stanno esattamente a metà della lista. Nel caso in cui la lunghezza del percorso sia dispari *(figura 1)*, l’elemento a metà è solamente uno e rappresenta esattamente l’Id del nodo cercato.

Figura 1

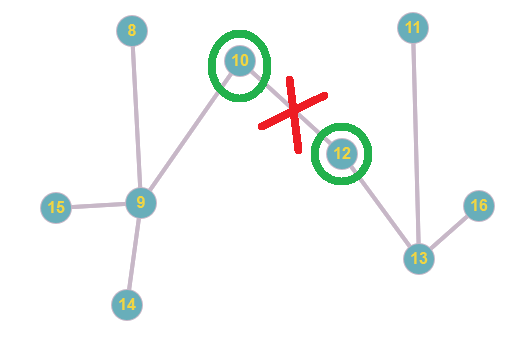
Nel caso in cui invece la lunghezza del percorso dovesse essere pari *(figura 2)*, gli elementi che si trovano a metà sono due. Per sapere quali dei due risulta medio per il maggior numero di volte, viene eliminato l’arco che collega i due nodi e vengono eseguite due visite generiche separate, andando in questo modo a contare il numero di nodi connessi ai due nodi considerati. Risulterà medio per il maggior numero di volte il nodo con più nodi connessi, mentre risulteranno tutti e due medi nel caso in cui questa cifra dovesse essere uguale.

Figura 2

Nell’eventualità che il numero dei nodi medi per il maggior numero di volte all’interno del sotto-grafo sia maggiore di uno, viene utilizzata come struttura di appoggio utilizzo una lista, dove viene memorizzata la lista dei nodi che risultano medi per il maggior numero di volte, ed il numero esatto di volte che essi risultano medi (lunghezza del percorso diviso due, nel caso in cui la lunghezza del percorso sia dispari; numero di nodi connessi, nel caso in cui il percorso sia pari).

Una volta analizzati tutti percorsi, si avrà una lista contenente le liste dei vari percorsi massimi ed il numero di volte che i nodi al loro interno sono risultati massimi, ed un’altra lista contenente i nodi che sono risultati massimi, ripetizioni rimosse. Per ogni nodo che è risultato massimo e per ogni percorso massimo, viene impostato il contatore del nodo a 0 e si controlla se il nodo è presente all’interno del percorso; in caso positivo, sommo al contatore del nodo il numero di volte che i nodi all’interno del percorso sono risultati medi. Terminata l’iterazione nei vari percorsi, controllo se il contatore del nodo che sto considerando risulta maggiore delle volte che l’attuale nodo massimo è risultato medio; se maggiore, viene impostato lui come nuovo nodo. Se hanno contatore uguale, viene aggiunto alla lista dei nodi medi. Al termine, viene restituita la lista.

Il punto di forza dell’algoritmo è il non dover considerare ogni nodo, ma bensì solamente le singole foglie per trovare il percorso più lungo tra due di loro. Inoltre, una volta trovata la foglia “più profonda”, sfruttando la proprietà degli alberi, per ottenere la lista dei nodi appartenenti al percorso, mi basterà risalire l’albero accedendo continuamente a padre del nodo successivo, fin quando questo non avrà valore nullo.

Trattandosi di un grafo non connesso, è stata eseguita un’ottimizzazione della funzione **getAdj.** Se infatti la funzione originaria restituiva la lista di tutti i nodi adiacenti ad un nodo dato, **getAdjModified** controlla se il nodo ha almeno un nodo adiacente; in caso positivo, apparterrà sicuramente ad un sotto-grafo connesso.

Inoltre viene effettuato un controllo, che se un nodo è già presente all’interno della lista dei nodi che risultano massimi, non verrà aggiunto nuovamente alla lista dei nodi da considerare. In questo modo si evita di ripetere la funzione un numero maggiore di volte a partire dallo stesso nodo.

**Strutture dati utilizzate**

* **TreeArrayList (**Aggiunta del campo **Distanza** alla classe **Node)**
* **GraphAdjacentyLists**

**Analisi tempo teorico**

* leafDistance: | Eseguo una visita generica a partire dalla foglia, che viene considerata come radice dell’albero
* mediumNode: | Eseguo una visita generica a partire da un nodo qualsiasi del grafo e, nel caso peggiore, il numero delle foglie è uguale ad
* calculateSubNode: | Nel caso in cui la lunghezza del percorso dovesse essere pari, a partire da ognuno dei due candidati a nodo medio, eseguo una visita generica per ottenere il numero di elementi a loro connessi
* backToFather: | Nel caso peggiore, la lunghezza del percorso è pari
* controlloFunzione: | Controllo tutti i nodi per eliminare quelli non connessi a nessun sotto-grafo, e nel caso peggiore il numero di foglie è

**Analisi tempo sperimentale**

L’analisi sperimentale conferma l’analisi teorica e mostra, inoltre, come la complessità dell’algoritmo sia strettamente legata al numero di foglie appartenenti al grafo. Il caso migliore si presenta con un grafo assimilabile ad un 1-Heap + 1 nodo disconnesso, in quanto è presente una singola foglia. Il caso peggiore, come è facile immaginare, si ha nel caso di un (n-2)-Heap, dove rappresenta il numero dei nodi appartenenti al grafo.

(\*) Il grafo è stato generato in modo random utilizzando la funzione **createRandomGraph** disponibile nel file **demoAlgoritmo.py**